

## ГЛАВА V

---

*Владимир В. Кассандров*

Институт гравитации и космологии;  
Российский университет дружбы народов;  
кафедра алгебраической структуры пространства-  
времени, алгебродинамики полей и частиц  
Web-Института исследований природы времени  
<http://www.chronos.msu.ru>; [vkassan@rambler.ru](mailto:vkassan@rambler.ru)

### Предсвет, время, материя

В «алгебродинамическом» подходе физические законы не постулируются, а являются следствиями единого первичного Принципа, имеющего абстрактную числовую природу и «кодирующего» структуру Вселенной. Феномен Времени тоже должен быть представлен в этом Коде. Исходной структурой в алгебродинамике служит исключительная алгебра бикватернионов. При этом физические поля рассматриваются как «аналитические» функции бикватернионного переменного, а частицы – как (ограниченные в 3-мерном пространстве) особые точки – сингулярности этих функций-полей; никаких принципов или уравнений, кроме условий бикватернионной «аналитичности», не постулируется. Возникающая картина Мира имеет глубокие связи с твисторной геометрией световых лучей Пенроуза и в качестве основных элементов содержит релятивистски-инвариантный «предсветовой» эфир и порождаемые потоком «Предсвета» в фокальных точках (каустиках) частицеподобные образования. Временная координата выделена динамически, поскольку для любого решения локально существует 4-мерное направление, вдоль которого первичное бикватернионное «эфирообразующее» поле постоянно. Поток Предсвета является также и Потокom Времени, концепция которого оказывается в данном аспекте близкой к концепции Козырева. Здесь, однако, время не «взаимодействует» с материей, а предшествует ей и порождает ее; «скорость хода Времени» совпадает с единственной фундаментальной скоростью – скоростью света («Предсвета»). Важную роль в теории играет комплексная структура алгебры бикватернионов, предопределяющая многозначный характер «эфирообразующего» поля и «тонкую» структуру первичного потока Времени-Предсвета как суперпозицию огромного числа локально независимых субпотоков. Комплексно-кватернионная структура предполагает также рассмотрение полного 8-мерного пространства-времени, динамика частиц-сингулярностей в котором оказывается неожиданно богатой. А именно, источником наиболее интересного класса решений служит совокупность точечных сингулярностей – фокусов предсветового потока – разделенных «нулевым» комплексным интервалом, принадлежащих одной и той же Мировой линии, имеющих одинаковое значение первичного твисторного поля и эффективно взаимодействующих. Как следствие, динамически

8-мерное пространство редуцируется к 6-мерному подпространству «комплексного светового конуса» наблюдателя, которое, в свою очередь, сводится к основному 4-мерному пространству-времени и ортогональному пространству 2-сферы, ответственному за спиновые степени свободы. Обсуждаются также новые свойства феномена времени, связанные с его возможной комплексной природой.

Ключевые слова: *бикватернионы, твисторы, бессдвиговые изотропные конгруенции, частицы-особенности, первичный «предсветовой» поток, поток времени, комплексное пространство-время, комплексный световой конус.*

### 1. Введение. Алгебродинамическая программа

Статья представляет основные принципы и результаты, полученные в рамках развиваемого автором алгебродинамического подхода. Как отмечалось в монографии автора (Кассандров, 1992), целью алгебродинамики является «вывод всех физических уравнений и симметрий из свойств некоторой *фундаментальной (Мировой) алгебраической структуры*». Алгебродинамика представляет собой попытку реализовать (на современном математическом и физическом уровне) идеи Пифагора, Гамильтона, Клиффорда, Дирака о *числах как единственной основе Мира*. В основу алгебродинамики положена исключительная алгебра *кватернионов*, открытая У. Гамильтоном в 1843 году; при этом все физические уравнения и свойства частиц выводятся из *условий дифференцируемости* функций кватернионного переменного, рассматриваемых в алгебродинамике как фундаментальные физические поля.

В отличие от господствующей поныне в теоретическом естествознании прагматической установки на *описание* наблюдаемых и воспроизводимых физических явлений, понимаемая в широком смысле алгебродинамика пытается выяснить *происхождение самих физических законов*, найти тот единый первичный принцип – *Код Природы*, – который определяет как геометрию физического пространства-времени, так и все без исключения свойства материи и который, возможно, имеет *чисто абстрактную (числовую) природу*.

Общие принципы построения единой физической теории на основе подобной *неопифагорейской* парадигмы в наибо-

лее радикальном и концентрированном виде сформулированы, пожалуй, в работе автора (Кассандров, 2001). Здесь же мы только отметим, что похожие взгляды на существование элементарного («аминокислотного») Кода, лежащего в основе физической реальности, изложены в изданной посмертно книге В.Я. Фридмана (1996). В некоторых аспектах близкая философия исповедуется и в *теории физических структур* Ю.И. Кулакова (2005), претендующей на вывод основных законов из абстрактных математических свойств *фундаментального отношения* (понимаемого, например, Владимиром (1996) как отношение между состояниями физической системы).

Каким образом и почему именно кватернионы могли бы являться «Мировой» алгеброй, ответственной за наблюдаемую геометрию и физику? Дело в том, что основой комплексного анализа являются условия дифференцируемости Коши-Римана – система линейных дифференциальных уравнений в частных производных, по виду аналогичных уравнениям Максвелла и другим, составляющим основу как классической, так и квантовой теории поля. Поэтому можно ожидать, что аналогичные условия в случае 4-мерной алгебры кватернионов  $Q$  будут исполнять роль естественных уравнений единого «первичного» физического поля, а векторное пространство алгебры  $Q$  (имеющей одну действительную и три мнимых единицы, см. ниже) – выступать в качестве физического пространства-времени.

Однако осуществление подобной программы построения единой кватернионной физики, по существу сформулированной еще самим Гамильтоном и его последователями, встретило ряд трудностей принципиального характера. Оказалось, во-первых, что класс дифференцируемых функций кватернионного переменного, определенных аналогично комплексному случаю, чрезвычайно узок (по существу исчерпывается линейными функциями) и не может служить основой теории поля. Попытки расширения этого класса (Fueter, Lanczos, Иваненко, Imaeda) не были вполне согласованы со структурой кватернионной алгебры и потому не получили развития. В предложенной нами версии кватернионного анализа (Кассандров, 1992; см. там же ссылки на ранние работы) эта проблема получает решение. При этом обобщенные условия Коши-Римана оказываются *нелинейными* как

следствие *некоммутативности* алгебры  $Q$  и могут рассматриваться как уравнения *взаимодействующих* полей.

Другая трудность состоит в том, что отвечающая структуре алгебры  $Q$  положительно определенная евклидова метрика не имеет прямого отношения к метрике пространства Минковского  $M$ , признанной после успеха специальной теории относительности канонической метрикой физического пространства-времени. Всякая теория, основанная на алгебре кватернионов Гамильтона, неинвариантна относительно преобразований Лоренца и представляется поэтому физически неадекватной.

Отсутствие какой-либо «хорошей» (например, ассоциативной) алгебры, соответствующей геометрии Минковского, вообще представляет собой главную трудность алгебродинамической программы. При этом для записи известных уравнений релятивистских полей (Березин и соавт., 1989) широко используется комплексное обобщение кватернионов – алгебра *бикватернионов*  $B$ , изоморфная полной  $2 \times 2$ -матричной алгебре над полем комплексных чисел  $C$ . *Координатное* пространство становится тогда вещественно 8-мерным; однако, ограничивая его до подпространства *эрмитовых* матриц  $X=X^+$ , будем иметь на этом «срезе» метрику Минковского, задаваемую определителем  $\det X$  (заметим, что физические поля при этом остаются *комплексными*, что вполне привычно для теории поля). Такая процедура, автоматически приводящая к лоренц-инвариантной теории, и использовалась до последнего времени в алгебродинамике. Однако очевидно, что это ограничение координатного пространства не отвечает исходной *комплексной* структуре алгебры  $B$  и выглядит непоследовательным.

Комплексное расширение пространства-времени  $CM$  возникает также в общей теории относительности, твисторной геометрии и теории струн. Тем не менее смысл 4 дополнительных координат остается неясным. В контексте алгебры  $B$  различные попытки их интерпретации предпринимались в работах В.Я. Фридмана (1996), А.П. Ефремова (Yefremov, 1995a; 1995b) и в нашей работе (Кассандров, 2005). Само по себе 8-мерное пространство играет большую роль в бинарной геометрофизике Ю.С. Владимирова (1987; 1996), а в некоторых работах рассматривается удвоение про-

странственных (Урусовский, 1996; 1999) или временной (Сахаров, 1984) координат. Новый подход к интерпретации комплексного пространства-времени в рамках бикватернионной алгебродинамики предложен в данной статье.

Ниже в разделе 2 представлены наиболее важные соотношения кватернионного анализа, составляющего основу математического аппарата алгебродинамики. В разделе 3 кратко излагаются главные принципы и результаты алгебродинамической теории поля в пространстве Минковского («старой» алгебродинамики). Особое внимание уделено *светоподобной* структуре (потoku «Предсвета»), естественно возникающей в теории, тесно связанной с *твисторной геометрией* Р. Пенроуза и играющей роль *релятивистски-инвариантного эфира*. Все материальные образования рассматриваются при этом как фокальные точки или каустики предсветового потока.

В разделе 4 рассматривается новая *концепция времени*, возникающая как следствие существования универсального потока Предсвета и имеющая некоторые общие черты с теорией времени Н.А. Козырева (1991). Время рассматривается как параметр универсального непрерывного преобразования координат, сохраняющего значение первичного твисторного поля.

Именно такая трактовка физического времени наряду с рассмотрением корреляций фундаментального поля точечных частиц-сингулярностей – фокальных точек предсветового потока – и позволяет дать последовательную интерпретацию полного 8-мерного координатного пространства алгебры  $B$ . В разделе 5 рассматривается динамика ансамбля таких частиц, расположенных на комплексном световом конусе наблюдателя и имеющих общие с ним значения основного твисторного поля. Рассмотрена естественная редукция 6-мерного пространства этого конуса к физическому пространству-времени и ортогональному ему 2-мерному «спиновому» пространству.

## 2. Бикватернионный анализ и алгебродинамика

В радикальной парадигме  $B$ -алгебродинамики все физические законы предполагается получать только как следствия условий дифференцируемости функций гипер-

комплексного переменного (условий типа *Коши-Римана*), играющих роль уравнений первичного физического поля. Заметим, что по аналогии с комплексной алгеброй анализ над *коммутативной* алгеброй  $A$  (конечномерной, линейной, ассоциативной) может быть построен (G. Sheffers, 1893) на основании следующего определения *дифференцируемой* в  $A$  функции  $F: A \rightarrow A$  аргумента  $Z \in A$  (см., например, Вишневский и соавт., 1985):

$$dF = F' * dZ, \quad (1)$$

где  $F': A \rightarrow A$  – вспомогательная функция  $F'(Z)$ , имеющая в случае алгебр с *делением* смысл *производной* функции  $F(Z)$ , а  $(*)$  – операция умножения в  $A$ . Соотношение (1) представляет собой наиболее общую *инвариантную* (т. е. бескомпонентную, использующую только операции в алгебре) форму связи дифференциалов (линейных частей приращений) аргумента  $dZ$  и функции  $dF$ .

В случае комплексной алгебры условие (1) эквивалентно системе уравнений Коши-Римана. Действительно, расписывая покомпонентно дифференциалы  $dZ = dx + idy$ ,  $dF = du + idv$  и функцию  $F' = f' + ig'$ , производя умножение в (1) и приравнявая по отдельности действительную и мнимую части, получим

$$du = f' dx - g' dy, \quad dv = g' dx + f' dy,$$

откуда с учетом независимости приращений  $dx$ ,  $dy$  имеем уравнения Коши-Римана

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y} = f', \quad \frac{\partial v}{\partial x} = -\frac{\partial u}{\partial y} = g', \quad (2)$$

дифференцируя которые, получаем *уравнение Лапласа* для компонент  $u(x, y)$  и  $v(x, y)$  функции  $F(Z)$ :

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0, \quad \frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} = 0. \quad (3)$$

Однако определение дифференцируемости функций (1) позволяет не только воспроизвести все основные соотношения комплексного анализа, но и построить по аналогии с ним анализ на *произвольной* ассоциативной коммутативной алгебре, в том числе без деления. Хорошее изложение этих вопросов содержится в монографии (Вишневский с соавт., 1985, глава 5). Что же касается наиболее интересного неком-

мутативного случая, то естественное обобщение условия дифференцируемости (1) на случай *некоммутативных* ассоциативных алгебр (*матричных* алгебр) было предложено автором в 1980 г. и подробно обсуждалось в монографии (Кассандров, 1992), в работах (Kassandrov, 1995; Kassandrov, Rizcalla, 2002), а также во многих других работах автора. Это соотношение имеет следующий инвариантный вид:

$$dF = L * dZ * R. \quad (4)$$

Здесь мы встречаем уже две вспомогательные функции  $L(Z)$ ,  $R(Z)$  аргумента  $Z$  (т. н. левая и правая «полупроизводные» функции  $F(Z)$ ); звездочка теперь обозначает умножение в некоммутативной алгебре  $A$ . При редукции к прежнему случаю *коммутативной* алгебры «полупроизводные» очевидным образом объединяются в обычную «производную»  $F'$  основной функции

$$dF = (L * R) * dZ \equiv F' * dZ.$$

Напомним теперь, что исключительная алгебра кватернионов Гамильтона  $\mathbb{Q}$  определяется следующей таблицей умножения базисных элементов ( $e_0$  – единичный элемент,  $\{e_a\}$ ,  $a=1,2,3$  – три «мнимых» единицы)

$$e_0 * e_a = e_a * e_0 = e_a, \quad e_a * e_b = -\delta_{ab} + \varepsilon_{abc} e_c, \quad a, b, c = 1, 2, 3; \quad (5)$$

( $\delta_{ab}$  и  $\varepsilon_{abc}$  – единичный символ Кронекера и абсолютно антисимметричный символ Леви-Чивита соответственно). Каждому элементу алгебры  $q \in \mathbb{Q}$  можно сопоставить неотрицательное число – *норму*  $N(q) = q_0^2 + q_1^2 + q_2^2 + q_3^2$ , удовлетворяющую для  $\forall p, q \in \mathbb{Q}$  условию *мультипликативности*

$$N(p)N(q) = N(p * q).$$

Используя это условие, имеем из соотношения (4)

$$N(dF) = N(L * R)N(dZ) \equiv \Lambda(Z)N(dZ),$$

что означает *конформность* отображения  $F: E^4 \rightarrow E^4$  (с масштабным фактором  $\Lambda(Z) > 0$ ), реализуемого любой функцией, удовлетворяющей условиям дифференцируемости (1). Свойство конформности естественно обобщает аналогичное свойство аналитических функций комплексного переменного.

Однако в евклидовых пространствах размерности  $n > 2$  класс конформных отображений, согласно известной *теореме Лиувилля*, весьма узок (в  $E^4$  – 15-параметрическая группа, включающая «движения», инверсии и растяже-

ние). Поэтому функций, дифференцируемых в  $Q$  в смысле определения (4), также «очень мало», и они уж никак не могут рассматриваться в качестве физических полей.

Неожиданным образом ситуация кардинально меняется при комплексном расширении алгебры  $Q$ , т. е. при переходе к алгебре бикватернионов  $B$ . В этой алгебре (псевдо)норма элемента становится комплексной, и масштабный фактор  $\Lambda(Z)$  может уже обращаться в нуль, когда «полупроизводные»  $L(Z)$ ,  $R(Z)$  принимают значения в классе делителей нуля алгебры  $B$ , т. е. когда либо  $N(L)=0$  либо  $N(R)=0$ . Такие отображения проектируют произвольные элементы  $dZ \in B$  на подпространство изотропных элементов  $dF \in B$ :  $N(dF)=0$  и, очевидно, уже не являются конформными; их можно назвать вырожденными конформными отображениями. Именно соответствующие им функции  $B$ -переменного и могут рассматриваться, как будет ясно из последующего, в качестве фундаментального физического поля – прообраза известных (спинорных и калибровочных) физических полей.

Будем в дальнейшем использовать привычное матричное представление алгебры  $B$ , при котором  $\forall b \in B$  сопоставляется  $2 \times 2$ -матрица общего вида  $\{b_{AB}\}$ ,  $A, B=1, 2$  с элементами – комплексными числами,  $b_{AB} \in C$ . При этом с целью «избавиться» от дополнительных координат и обеспечить релятивистскую инвариантность теории наложим условие эрмитовости на координатную матрицу  $Z$ :  $Z \rightarrow X = X^+$ , а именно, выберем следующее явное представление координат:

$$Z \rightarrow X = \begin{pmatrix} u & w \\ w^* & v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t+z & x-iy \\ x+iy & t-z \end{pmatrix} = X^+, \quad (6)$$

где координаты  $u, v$  – вещественные,  $w, w^*$  – комплексно сопряженные, а  $x, y, z, t$  – декартовы и временная координаты соответственно (скорость света положена равной единице). При этом метрика этого координатного подпространства, представленная определителем  $\det X = uv - ww^* = t^2 - x^2 - y^2 - z^2$ , действительно оказывается метрикой пространства Минковского  $M$ .

С учетом ограничения координат на пространство Минковского основное условие дифференцируемости (4) функций  $B$ -переменного принимает вид

$$dF = L * dX * R \quad (7)$$

и, как легко убедиться, инвариантно относительно преобразований Лоренца

$$X \rightarrow C * X * C^+, F \rightarrow D^+ * F * D, R \rightarrow D^+ * R * D, L \rightarrow D^+ * L * D,$$

где  $C$  – любая постоянная матрица с  $\det C \neq 0$ ,  $D$  – обратная матрица,  $CD = I$ . Более подробно симметрии соотношения (7) описаны в работе автора (Кассандров, 1995).

Аналогично случаю комплексной алгебры (см. соотношения (1)–(3)) распишем теперь покомпонентно условие дифференцируемости (7), приравняем коэффициенты при независимых приращениях координат и алгебраически исключим компоненты «полупроизводных» функций. Тогда для каждой матричной компоненты  $S = \{F_{AB}\} \in C$  основной  $B$ -функции  $F(X)$  получим нелинейное лоренц-инвариантное уравнение комплексного эйконала (УКЭ) (Кассандров, 1992)

$$\frac{\partial S}{\partial u} \frac{\partial S}{\partial v} - \frac{\partial S}{\partial w} \frac{\partial S}{\partial w^*} = 0, \quad (8)$$

или в декартовых координатах

$$\left(\frac{\partial S}{\partial t}\right)^2 - \left(\frac{\partial S}{\partial x}\right)^2 - \left(\frac{\partial S}{\partial y}\right)^2 - \left(\frac{\partial S}{\partial z}\right)^2 = 0. \quad (9)$$

Таким образом, аналогом уравнения Лапласа в случае алгебры бикватернионов является не волновое линейное уравнение, как можно было бы ожидать, а УКЭ – уравнение «волнового фронта». Причем нелинейность этого уравнения является прямым следствием некоммутативности алгебры  $B$ , явно учитываемой в определении  $B$ -дифференцируемых функций (7). С другой стороны, нелинейность УКЭ позволяет всерьез рассматривать эйконал в качестве фундаментального физического поля, а условие дифференцируемости (7) вместе со следующим из него УКЭ – в качестве единственных первичных уравнений поля. Основные результаты построенной на этих положениях бикватернионной теории поля кратко изложены в следующем разделе.

### 3. Алгебродинамика в пространстве Минковского. «Предсвет»

Всякое решение условий  $B$ -дифференцируемости (7) – основных уравнений алгебродинамики – может быть построено из (одного или нескольких) решений УКЭ (9). С другой стороны, оказывается, что многие известные из физики поля, включая электромагнитное, могут быть определены через *производные* от эйкональной функции по координатам и на решениях УКЭ удовлетворяют соответствующим *вакуумным* уравнениям Максвелла,  $SL(2, C)$ -Янга-Миллса и др. (Кассандров, 1992; Kassandrov, Rizcalla, 2002). Заметим, что в комплексном случае УКЭ может иметь *статические* решения, для которых  $\partial S/\partial t=0$  (см., например, решение (15) ниже), что невозможно, как это легко видеть из (9), в случае действительного эйконала.

УКЭ обладает широкой группой симметрий, в том числе конформной, а также уникальной *функциональной инвариантностью* (любая дифференцируемая функция от *любого* решения УКЭ также является его решением). Более того, в нашей работе (Кассандров, 2002) показано, что любое решение УКЭ генерируется *чисто алгебраически* некоторой однородной функцией твисторного аргумента. Понятие *твистора*, тесно связанного с геометрией световых лучей и со структурой уравнений релятивистских полей, было введено Р. Пенроузом (Пенроуз, Риндлер, 1988); ниже необходимые нам сведения излагаются в упрощенной форме.

Твистор можно определить как пару *спиноров*  $\{\xi, \tau\}$ , связанных линейным соотношением *инцидентности* с координатами пространства Минковского  $M$ , задаваемыми эрмитовой матрицей (6), а именно матричным соотношением  $\tau=X\xi$ , или в развернутом виде

$$\begin{pmatrix} \tau^1 \\ \tau^2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} u & w \\ w^* & v \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \xi_1 \\ \xi_2 \end{pmatrix}. \quad (10)$$

Очевидно, что это соотношение сохраняет свой вид при умножении на произвольную скалярную функцию координат, поэтому фактически независимыми являются только *три* компоненты твистора. Считая, например, компоненту  $\xi_1$  отличной от нуля и определяя отношение  $\xi_2/\xi_1 \equiv G$ , находим, что (10) эквивалентно двум уравнениям

$$\tau^1 = u + wG, \quad \tau^2 = w^* + vG, \quad (11)$$

связывающим три компоненты  $\{G, \tau^1, \tau^2\}$  *проективного* твистора. Геометрически они определяют комплексное проективное пространство  $CP^3$ . Будем трактовать набор этих компонент как твисторное поле, зависящее от координат на  $M$ . Решая тогда соотношения (11) относительно этих координат при *фиксированных* значениях твисторных компонент, получим для *декартовых* координат

$$x_a = x_a^0 + \eta_a t, \quad \eta = \{\eta_a\} = \frac{1}{(1+GG^*)} \{(G+G^*), -i(G-G^*), (1-GG^*)\}, \quad \eta^2 = 1, \quad (12)$$

где  $a=1,2,3$ , величины  $x_a^0$  простым образом выражаются через три компоненты твистора, а единичный *вектор направления*  $\eta$  однозначно определяется только основной комплексной функцией  $G$ . Что касается временной координаты, то она остается произвольной и выступает в качестве свободного параметра (см. ниже).

Соотношение (12) имеет следующий смысл. Сколь сложным бы ни было распределение твисторного поля в пространстве в некоторый момент времени (например, при  $t=0$ ), его *временная* динамика весьма проста и универсальна, а именно, начальное значение всех компонент  $\{G, \tau^1, \tau^2\}$  в любой точке пространства  $\{x_a^0\}$  *переносится без изменений* вдоль локальных прямолинейных направлений-лучей, определяемых вектором  $\eta$ , «распространяясь» вдоль них с *фундаментальной скоростью* (скоростью света  $c=1$ ).

Хорошим аналогом процесса «переноса» поля служит распространяющаяся в вакууме *электромагнитная волна* общего вида: ее электромагнитное поле также переносится со скоростью света вдоль лучей – локально определенных направлений, перпендикулярных поверхностям *волнового фронта*. Поскольку эти поверхности, как хорошо известно, описываются именно решениями уравнения эйконала, можно предполагать, что все решения УКЭ обладают *твисторной структурой* и описанной выше универсальной симметрией поля.

И действительно, как уже было отмечено, в нашей работе (Кассандров, 2002) была явно описана твисторная структура УКЭ и с ее помощью предъявлена релятивист-

ски-инвариантная форма *общего решения* УКЭ, включающего, как выяснилось, два взаимно сопряженных класса. А именно, каждая пара сопряженных решений УКЭ генерируется некоторой функцией  $\Pi=(G, \tau^1, \tau^2)$  трех компонент проективного твистора следующим образом.

Пусть  $\Pi=0$ , т. е. три твисторных компоненты функционально связаны между собой, что геометрически соответствует выбору некоторой *поверхности* в  $CP^3$ . Используя соотношение инцидентности (11), представим уравнение этой поверхности как уравнение относительно одного неизвестного  $G$ , а именно

$$\Pi(G, \tau^1, \tau^2) = \Pi(G, u + wG, w^* + vG) = 0, \quad (13)$$

разрешая которое, получим некоторое (вообще говоря, многозначное) *поле*  $G=G(u, v, w, w^*) \equiv G(x, y, z, t)$ . Прямым дифференцированием (13) нетрудно убедиться, что для любой функции  $\Pi$  и любой непрерывной ветви («моды») решения полученная функция  $G$  тождественно удовлетворяет УКЭ, представляя тем самым первый (основной) класс его решений. Этот класс решений УКЭ известен в теории гравитации, поскольку для каждой такой  $G$  совокупность соответствующих ей согласно (12) локальных направлений  $\eta$  образует пучок прямолинейных светоподобных лучей (т. н. *изотропную геодезическую конгруэнцию лучей*) особого вида, а именно *бессдвиговую* конгруэнцию. Мы не будем подробно останавливаться здесь на понятии *сдвига* и обсуждать геометрию бессдвиговых конгруэнций. Для дальнейшего важно лишь отметить, что всякая бессдвиговая конгруэнция может быть получена из некоторой генерирующей твисторной функции  $\Pi$  вышеописанным методом (это утверждение составляет содержание т. н. *теоремы Керра* (Debney et al., 1969)).

Интересно, что всякая функция  $G$ , полученная из условия Керра (13), удовлетворяет, помимо УКЭ, также и линейному волновому уравнению

$$\frac{\partial^2 G}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 G}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 G}{\partial y^2} - \frac{\partial^2 G}{\partial z^2} = 0.$$

Производные от функции  $G$  по координатам, через которые, как отмечалось выше, определяются ассоциированные с конгруэнцией электромагнитное и янгмиллсовское

поля (а также *поле кривизны* эффективной римановой метрики, определяемой в теории гравитации через бессдвиговые изотропные конгруэнции), обращаются в бесконечность в точках *ее ветвления*, определяющихся условием

$$\dot{\Pi} \equiv \frac{d\Pi}{dG} = \frac{\partial \Pi}{\partial G} + w \frac{\partial \Pi}{\partial \tau^1} + v \frac{\partial \Pi}{\partial \tau^2} = 0. \quad (14)$$

Разрешая последнее относительно  $G$  и подставляя результат в (13), получим *уравнение формы и движения особенностей*  $\Pi(x, y, z, t) = 0$ . Нетрудно снова проверить дифференцированием, что любая полученная такой несложной процедурой функция  $\Pi(x, y, z, t)$  удовлетворяет УКЭ, представляя тем самым второй класс его решений. В нашей работе (Kassandrov, 2002) показано, что *всякое* решение УКЭ (вместе со своим «сопряженным») может быть получено из некоторой генерирующей твисторной функции  $\Pi(x, y, z, t)$  одним из двух вышеуказанных алгебраических способов.

Важно, что особенности сопоставляемых основному полю калибровочных полей, как и поля кривизны эффективной *римановой метрики*, определяются *одним и тем же условием*  $\Pi(x, y, z, t) = 0$  и совпадают в пространстве и времени. Поэтому в контексте алгебродинамики естественно определить частицу как *общее геометрическое место особых точек* всех сопоставляемых основному полю  $G$  (через его производные) «физических» полей, как *единый источник* всех этих полей.

Для дальнейшего приведем пример фундаментального статического решения УКЭ, которое соответствует производящей функции следующего вида:

$$\Pi = \tau^l G - \tau^2 + 2iaG = (wG + u)G - (vG + w^*) + 2iaG = wG^2 + 2\check{z}G - w^*,$$

где  $z = (u - v)/2$ ,  $\check{z} = z + ia$ ,  $a = \text{Const} \in R$ . Статичность решения следует из того, что временной параметр  $t = (u + v)/2$  не входит в определяющее  $G$  уравнение  $\Pi = 0$ , разрешая которое находим две моды

$$G = \frac{w^*}{\check{z} \pm \check{r}} \equiv \frac{x + iy}{z + ia \pm \sqrt{x^2 + y^2 + (z + ia)^2}} \equiv (tg^{\pm 1} \theta) e^{i\phi}, \quad (15)$$

геометрически отвечающие *стереографической проекции*  $S^2 \rightarrow C$  сферы на комплексную плоскость, из южного и север-

ного полюсов соответственно. Причем каждая из двух мод решения (15) удовлетворяет как УКЭ, так и волновому уравнению.

Сингулярность соответствующих (15) электромагнитного и других полей отвечает точкам ветвления (15) и определяется условием  $\tilde{r}=0$ . Отделяя действительную и мнимую части, находим следующее условие на форму сингулярного множества:

$$z=0, x^2+y^2=a^2. \quad (16)$$

Таким образом, сингулярность имеет вид *кольца* радиуса  $a$  или, в предельном случае  $a=0$ , является *точечной*. В последнем случае электромагнитное поле, сопоставляемое решению (15), оказывается, как и следовало ожидать, *кулоновским*, причем электрический заряд фиксирован по модулю ( $q=\pm 1$  для первой и второй мод соответственно). Эффективная риманова метрика, отвечающая этому решению, для обеих мод совпадает и является одной из основных в общей теории относительности метрик – метрикой заряженного точечного источника *Райсснера-Нордстрема*. В случае  $a \neq 0$  имеем соответственно поле и метрику, в точности соответствующие решению «с вращением» *Керра-Ньюмена* в ОТО, причем электромагнитное поле имеет уже магнитную составляющую, а электрический заряд по-прежнему равен «элементарному». С другой стороны, «керровское кольцо» удивительным образом обладает гиромангнитным отношением, соответствующим частице спина  $s=h/2$ . Многие авторы (Carter, Lopes, Burinkii, Newman, Kassandrov, Rizcalla et al.) пытались поэтому интерпретировать это решение в качестве *модели электрона*. Разного рода преобразования симметрии и обобщения этого решения рассматривались в работах А.Я. Буринского (1980; Burinskii, 2003), В.В. Кассандрова и Дж.А. Ризкалла (Kassandrov, Rizcalla, 2002) и других авторов.

Общая теорема квантования заряда частиц-сингулярностей в бикватернионной алгебродинамике была доказана в работах (Кассандров, 2000; Kassandrov, 2004) и представляет собой один из первых фундаментальных результатов этой теории (поскольку в ортодоксальной теории поля электрический заряд квантуется «руками» и какие-либо объяснения факта существования *элементарного* электрическо-

го заряда отсутствуют). При этом изолированные «частицеподобные» сингулярности, как правило, представляют собой замкнутые кривые («струны»), и лишь в особых случаях (например, при наличии аксиальной симметрии) могут быть точечными или являются 2-поверхностями («мембранами»). Эти образования демонстрируют нетривиальную динамику, включающую перестройки, «аннигиляцию» и т. п., и имеют некоторые характеристики, присущие реальным частицам (элементарный электрический заряд, дираковское гиромангнитное отношение и др.). Примеры бессдвиговых конгруэнций, соответствующих им полей и их сингулярной структуры приведены в работах В.В. Кассандрова и В.Н. Тришина (Kassandrov, Trishin, 1999), В.В. Кассандрова (2004) и др.

Таким образом, структура первичных уравнений – условий  $B$ -дифференцируемости (7) – приводит к самосогласованной концепции частиц как общих сингулярностей системы ассоциированных полей. При этом регулярная часть полевых функций сама предопределяет как положение частиц-сингулярностей, так и их временную эволюцию. Такие поля могут быть чрезвычайно сложными, иметь особенности (полюса, точки ветвления), в том числе быть *многозначными*. Однако вышеописанная процедура («теорема Керра») позволяет в принципе найти их для любого решения *чисто алгебраически*. Возможность *без интегрирования* получать чрезвычайно сложные решения уравнений УКЭ, Максвелла и Янга-Миллса представляет собой одно из наиболее привлекательных свойств, специфичных только для данного подхода. Другой его особенностью является, конечно же, существование для любого решения фундаментальной «предсветовой» структуры – бессдвиговой изотропной конгруэнции прямолинейных «лучей», соответствующих полю комплексного эйконала.

Действительно, если вид полей  $\eta$  и  $G$  в фиксированный момент времени, как и *пространственное* расположение и форма их особенностей, может быть чрезвычайно сложным, то эволюция этих полей *во времени* вполне определяется процессом «переноса» поля  $G$  вдоль  $\eta$ , рассмотренным выше. С другой стороны, ассоциированные с конгруэнцией лучей электромагнитное и другие поля вовсе не всегда локально «переносятся» вместе с первичным полем  $G$ , по-

скольку определены через *производные* от  $G$ . Именно поэтому в теории и могут существовать заряженные частицеподобные образования, в том числе покоящиеся или движущиеся с досветовыми скоростями, являющиеся *фокальными точками (каустиками)* фундаментальной конгруэнции лучей. Действительно, особенности конгруэнции определяются тем же условием (14), что и сингулярности электромагнитного и других полей, соответствующие их источникам-частицам.

По существу все «материальные» образования, возникающие в алгебродинамике, имеют «световую» природу, генерируются фундаментальной светоподобной конгруэнцией лучей, первичным *поток Предсвета* (Кассандров, 2001; 2004). Этот первичный поток сам по себе не проявляет себя в обычных условиях. Наблюдатель воспринимает лишь «уплотнения» этого потока, его *фокальные* точки, да и сам состоит из них. При этом *видимый свет* также представляет собой множество специального вида частиц-каустик, движущихся вместе с порождающим их первичным потоком Предсвета. Примеры решений с такого рода «фотоподобной» структурой сингулярного множества приведены в работах В.В. Кассандрова и В.Н. Тришина (Kassandrov, Trishin, 1999); В.В. Кассандрова (2004) и др.

Предсветовой поток может рассматриваться как исключительная релятивистски-инвариантная форма *Мирового Эфира*, одинакового во всех инерциальных системах отсчета и, в отличие от старых моделей эфира (как среды, в которой *распространяется* видимый свет), самого *сформированного* светом невидимым, первичным – Предсветом.

На самом деле возникающая картина еще более интересна и впечатляюща. Дело в том, что типичная комплексная функция, описывающая первичное поле  $G$  (и получающаяся из решения алгебраического уравнения), многозначна. Естественно предположить, что для сверхсложного *Мирового решения* количество значений поля  $G$  – физических «мод» – в каждой точке или очень велико или даже бесконечно (соответствующие элементарные примеры таких функций хорошо известны из комплексного анализа). Каждая из мод определяет некоторый «предсветовой» луч, т. е. локальное направление  $\eta$ , вдоль которого она переносится с фундаментальной скоростью. Таким образом,

в каждой точке имеется очень большое, если не бесконечное число различных лучей, локально независимых и не влияющих друг на друга, но глобально связанных между собой через единую структуру многозначного комплексного поля  $G$ . Первичный предсветовой поток оказывается при этом состоящим из огромного числа составляющих «субпотоков», представляя собой их прямую *суперпозицию*. Каждая пара таких субпотоков глобально формирует, вообще говоря, свою систему частиц-каустик. Заметим, что интересный пример конгруэнции, имеющей *четыре* моды и демонстрирующей нетривиальную динамику частиц-каустик, описан в нашей работе (Кассандров, 2004).

#### 4. Концепция времени: поток времени как Поток Предсвета

В представленной выше релятивистски-инвариантной версии алгебродинамики *время* может, вообще говоря, рассматриваться совершенно аналогично специальной теории относительности. Однако существование фундаментальной структуры генерирующего Потока Предсвета на самом деле выделяет локально, в каждой точке 4-мерного пространства, *особое направление*, вдоль которого первичное «эфирообразующее» поле  $G$  переносится без изменений, т. е. с 4-мерной точки зрения постоянно. Координата (монотонно возрастающий параметр) вдоль этих прямолинейных направлений-лучей может естественным образом рассматриваться как прообраз локального физического времени, а перенос поля  $G$  с фундаментальной скоростью вдоль этих направлений (в 3-мерной картине) – как *ход времени*. Предсветовой поток становится в таком случае еще и *Потоком Времени*.

Понятия Потока Времени и скорости *хода времени*, столь же естественные с субъективной точки зрения, как и представления о течении времени, о *Реке Времени* и т. п., на самом деле вообще игнорируются в парадигме ортодоксальной физики, включая СТО и ОТО. По-видимому, впервые они были введены в научное рассмотрение выдающимся русским мыслителем, физиком и астрономом Н.А. Козыревым в рамках созданной им причинной механики (Козырев, 1991). В частности, *скорость хода времени*  $c_2$  он определял как

$$c_2 = \delta x / \delta t,$$

рассматривая  $\delta x$  и  $\delta t$  как разность соответственно пространственных и временных координат *между следствием* (т. е. некоторым событием 2) и *породившей его причиной* (событием 1). Из работ Козырева не очень ясно, считал ли он, что локальный процесс распространения причинного влияния из данной точки имеет место по *всем*, по *некоторым* или по *одному-единственному* направлению. Во всяком случае саму скорость хода  $c_2$  он рассматривал как фундаментальную величину, аналогичную скорости света  $c$ , и даже пытался определить ее экспериментально (связывая течение времени с некоторым внутренним микро-и/или макровращательным движением). В различных работах приводятся разные значения скорости – от 700 км/с до 2000 км/с (Козырев, 1991, с. 367; с. 382). Нам трудно оценить эти эксперименты с точки зрения методики постановки; однако, что касается общей концепции, они представляются малоубедительными.

Действительно, многие положения концепции Козырева, например о «превращении времени в энергию», вообще представляются спорными и послужили одной из причин непринятия его теории официальной наукой. Во введенной в предыдущей формуле скорости хода времени тоже имеется некоторая противоречивость, поскольку она определяется через приращение самого времени  $\delta t$ . На наш взгляд, недоказательными являются и его аргументы в пользу того, что скорость  $c_2$  не может быть отождествлена со скоростью света  $c$  (согласно Козыреву, эти величины имеют разные трансформационные свойства относительно пространственной и временной инверсий). Тем не менее значение теории Н.А. Козырева представляется несомненным: он первым попытался дать количественный анализ и на математическом языке описать реальные, всеми воспринимаемые свойства времени, одним из первых попытался рациональным путем *понять природу Времени*.

В изложенной выше бикватернионной алгебродинамике процесс распространения причинного влияния становится однозначно определенным и связан с переносом первичного поля  $G$  вдоль локально определяемых им самим направлений  $\eta$ . Скорость хода времени постоянна и является фунда-

ментальной константой, но, в отличие от теории Козырева, равна скорости света в вакууме («скорости Предсвета»). Действительно, нет никаких оснований вводить новую мировую константу  $c_2$ , роль которой идеально выполняется уже имеющейся и определяющей релятивистскую инвариантность теории скоростью света. Таким образом, мы имеем здесь

$$c_2 \cong c \cong 300000 \text{ км/с.}$$

Заметим, что с такой точки зрения в *теории Ньютона феномена времени как такового нет* (даже «абсолютного времени»). Возможность введения физического времени возникает лишь в эйнштейновской теории относительности, парадоксальным образом дополненной концепцией эфира, однако эфира особого, формируемого потоком Предсвета и релятивистски-инвариантного.

Какие же свойства времени могут быть поняты в рамках предлагаемой его концепции как Потока Предсвета? На самом деле понятие времени «диалектически» сочетает в себе две противоположности, будучи связано как с *изменчивостью*, так и с *повторяемостью*, с сохранением определенного набора свойств и характеристик физической системы. В нашей концепции именно *локальная абсолютная повторяемость* свойств первичного поля – генератора всей физической материи – является основной, в то время как изменчивость оказывается вторичной. Можно попытаться даже дать *определение Времени*:

*Физическое Время – это особая координата (параметр, степень свободы) вдоль локально определенного в каждой точке 4-мерного пространства направления, вдоль которого единое первичное поле остается постоянным («воспроизводит» свои значения).*

Время существует лишь постольку, поскольку в природе существует такого рода поле, генерирующее всю физическую материю, и соответствующее ему поле направлений. Заметим еще, что с 3-мерной точки зрения слова о «постоянстве поля» следует поменять на формулировку о «распространении», о «переносе» поля вдоль выделенных направлений с постоянной и универсальной скоростью.

Остановимся теперь на вопросе о *направленности* времени (в смысле его направленности в 3-мерном простран-

стве, а не в смысле необратимости). Как мы уже отмечали, у Козырева этот вопрос хотя и был поставлен, но убедительного ответа не получил. Действительно, если в каждой точке имеется *одно-единственное* направление причинно-следственного (временного) потока, то почему мы не определяем его субъективно и почему не видно каких-то его физических манифестаций? Если же таких направлений *несколько*, то чем они определяются? И одинакова ли скорость распространения причинно-следственных связей в разных направлениях?

В нашем подходе ответы на все эти вопросы могут быть даны с известной долей достоверности и связаны с обсуждавшейся выше *многозначностью* первичного Потока Предсвета, отождествленного выше с Потокom Времени. Следует предполагать, что в каждой точке существует очень большое (или даже бесконечное) количество мод и равное им количество направлений, вдоль которых соответствующая мода переносится. Необходимо учитывать также, что «предсветовая река» в окрестности каждой точки существенно нестационарна и даже *стохастична*. Действительно, если каждый фиксированный «световой элемент» движется с фундаментальной скоростью прямолинейно, вдоль постоянного направления, то замещающие его в данной точке элементы будут иметь уже другие направления распространения. Иначе говоря, в каждой точке будет наблюдаться стохастическая динамика локальной структуры первичного потока, хаотическое «мигание» поля направлений и множества предсветовых лучей.

По этим причинам очевидно, что и *Поток Времени локально не имеет* какого-либо фиксированного направления, которое можно было бы пытаться непосредственно выявить в эксперименте. С другой стороны, все составляющие его субпоток, распространяющиеся в локально различных и непрерывно изменяющихся направлениях, имеют одну и ту же по величине фундаментальную скорость – «скорость Предсвета». Именно с ее постоянством и универсальностью, по нашему предположению, и связано субъективное ощущение равномерности и однородности хода Времени, его общности для всех объектов во Вселенной.

Вернемся теперь к вопросу о соотношении воспроизводимости и изменчивости как фундаментальных свойствах

времени. На самом деле положенная нами выше в основу определения времени локальная абсолютная воспроизводимость первичного поля является просто некоторым усилением свойства интегральной (глобальной) воспроизводимости, т. е. *сохранения во времени* определенного набора величин (полной энергии, импульса, заряда и др.), характеризующих физическую систему. Хорошо известно, что *законы сохранения* (наряду с принципами симметрии, связанными с ними через теорему Нетер) составляют наиболее общую и важную часть любой физической теории и, насколько мы понимаем, окружающего мира в целом. Эти законы действительно выделяют временную координату, поскольку двигаясь в пространственноподобном направлении, мы не будем, как правило, наблюдать сохранения каких-либо характеристик физической системы, даже интегральных. Наша концепция Времени заменяет определяющее его условие *глобальной* воспроизводимости (сохранения) на более жесткое условие *локальной* повторяемости, которое имеет универсальный характер, т. е. выполняется для любой моды и любой выбранной начальной точки пространства.

Что касается наблюдающейся *изменчивости* окружающего мира во времени, то она оказывается здесь вторичной, и ее происхождение имеет характер «двойного калейдоскопического» эффекта, когда из сочетаний одинаковых предэлементов выстраивается некоторое число «деталей», в свою очередь, образующих неповторимое число различных комбинаций за счет изменения относительного положения в пространстве. В нашем случае чрезвычайно простая и универсальная по внутреннему строению «Река Предсвета-Времени» в местах слияния различных составляющих ее субпоток образует некоторый набор стандартных (тождественных по внутренним характеристикам) частиц-каустики, которые, в свою очередь, могут образовывать сложные конфигурации за счет изменения относительного расположения. Причем эти «световые вихри» могут находиться в покое или изменять взаимное расположение, а «Река Предсвета-Времени» непременно *течет*, течет *везде и всегда*.

В заключение обсудим многочисленные связи, существующие, по нашему мнению, между концепцией Времени

в алгебродинамике и теорией *генерирующих потоков* А.П. Левича (Левич, 1996; 2000; см. статью А.П. Левича в этой книге) а также концепцией И.М. Дмитриевского (Дмитриевский, 2000; см. статью И.М. Дмитриевского в этой книге). Действительно, в представлении А.П. Левича, как и в алгебродинамической парадигме, определяющую роль играют заряды-сингулярности как точки «источков» и «стоков» первичного генерирующего потока. «Заряды частиц есть динамические характеристики потоков, источниками которых являются частицы», – пишет А.П. Левич (1996, с. 279). Нам близка также его гипотеза о ходе времени как *процессе* постоянной замены *тождественных «первоэлементов»* (аналогичного процессу типа «бегущей строки») и о процессе подсчета замещающихся первоэлементов как о модели первичных часов. Однако эти представления, в остальном хорошо согласующиеся с нашей картиной частиц-каустик, «обтекаемых» Поток Предсвета-Времени и по существу являющихся первичными часами, по-видимому, требуют *дискретной* структуры потока.

Действительно, хотя механизм *формирования* самой частицы-каустики непрерывным генерирующим потоком вполне определен, процесс *восприятия* скорости хода Времени (как счета «предсветовых» элементов) осложнен непрерывной структурой потока и его предматериальной природой. Как раз в понимании этого процесса важную роль могут сыграть представления И.М. Дмитриевского о фундаментальной роли *реликтового излучения*. При этом Поток Времени предстает уже как вполне материальная сущность, и его носителем являются, по мнению Дмитриевского, *реликтовые нейтрино* (по-видимому, в качестве носителя возможно рассматривать также обычный поток реликтовых фотонов; при этом возникают многочисленные пересечения с интенсивно развивающейся *стохастической электродинамикой*). Такой вторичный поток в алгебродинамике вовсе не запрещен: он мог бы прекрасно сосуществовать с основным потоком Предсвета-Времени и состоять из «моря» частиц-каустик,двигающихся в окрестности каждой точки в различных, хаотически распределенных направлениях, но *вместе с первичным Поток, с одной и той же фундаментальной скоростью*. Выше отмечалось уже, что такого рода решения, которые можно пытаться

отождествить с фотонами или с нейтрино, были получены в нашей работе (Кассандров, 2004).

Интересно, что в таком случае *субъективно воспринимаемая* скорость хода времени является *усредненной* величиной, может не совпадать с фундаментальной скоростью, быть разной в разных областях Вселенной и, вообще говоря, меняться «со временем». Это становится очевидным, если считать, что данная скорость связана с процессом счета «приходящих» в точку наблюдения предэлементов, роль которых выполняют при этом реликтовые нейтрино или фотоны.

Пока, разумеется, все подобные рассуждения носят спекулятивный характер, однако именно в алгебродинамическом подходе открывается возможность детального количественного анализа таких сложных процессов. Путь к нему лежит через описание структуры *индивидуальной* частицы и решение проблемы *классификации* частиц, а также через более глубокое изучение геометрии 8-мерного (расширенного) пространства-времени, возникающего как следствие структуры алгебры бикватернионов, и решение проблемы физической интерпретации «лишних» измерений. К обсуждению этих вопросов, позволяющих также по-новому посмотреть на изложенные выше представления о природе времени, мы и переходим ниже.

### 5. Динамика частиц в комплексном пространстве-времени и значение дополнительных измерений

В поисках физического смысла четырех дополнительных измерений, определяемых комплексной структурой алгебры  $V$ , полезным оказывается представление о «виртуальном» точечном заряде, движущемся по комплексной мировой линии. Оно было предложено Е.Т. Ньюменом (Lind, Newman, 1974; Newman, 2002; 2004) в связи с поисками решений уравнений Эйнштейна и Эйнштейна–Максвелла и в общем контексте исследований комплексного расширения пространства-времени и комплексификации физических (в том числе электромагнитных) полей (Newman, 1973).

Рассмотрим воображаемый точечный заряд, движущийся по комплексной «мировой линии»  $Z_a = Z_a(\sigma)$ , где  $\{Z_a\}$ ,  $a=1,2,3$  – три «пространственные» комплексные координаты

ты,  $\sigma$  – комплексное «время». Пусть этот заряд непрерывно «испускает» прямолинейные «светоподобные» лучи, т. е. некоторое поле (у нас – поле  $G$ ), распространяющееся по «комплексным» прямым от заряда с фундаментальной скоростью  $c$ . Рассмотрим теперь *ограничение* этого поля (и соответствующего ему поля направлений  $\eta$ , см. (12)) на действительный «срез» этого 4-мерного комплексного пространства, т. е. на пространство Минковского  $M$ . Тогда на этом «срезе» возникает конгруэнция лучей именно рассмотренного выше вида – *бессдвиговая* изотропная конгруэнция, – и соответствующие ей особенности-*каустики*.

В простейшем случае, если генерирующий заряд  $q$  покоится в «Зазеркалье» на расстоянии  $a$  от физического «среза»  $M$ , на нем возникает хорошо известная в общей теории относительности двузначная «закрученная» *конгруэнция Керра* с особенностью в виде кольца радиуса  $a$ , соответствующая решению (15). В ОТО и в прежней версии алгебродинамики это кольцо рассматривалось в качестве модели электрона.

Однако неясно, как с помощью данного представления можно получить решения с *большим числом* точечных или устойчивых кольцевых особенностей, поскольку принцип суперпозиции выполняется только для электромагнитных полей, порождаемых этими особенностями, но не для самих конгруэнций. Более того, конгруэнция, генерируемая «зарядом-маткой», движущимся по комплексной кривой *общего вида*, имеет на  $M$ , как правило, неустойчивые и/или неограниченные в 3-мерном пространстве особенности «струнного» типа (Кассандров, 2005).

Таким образом, основная проблема состоит в том, чтобы найти возможность построения бессдвиговых конгруэнций с очень большим (или даже бесконечным) числом *изолированных, ограниченных* в 3-мерном пространстве и (с точностью до перестроек-взаимопревращений) *устойчивых* особенностей. Для этого следует попытаться найти обобщение представления «заряда-матки» Ньюмена. В недавней работе автора (Кассандров, 2005) с этой целью в качестве частиц рассматривались особенности более «сильного» типа, чем каустики, а в качестве физического «среза» – пятимерное пространство-время, получаемое *комплексификацией физического времени*. Этот подход позволяет получить на таком

пятимерном «срезе» систему устойчивых точечных сингулярностей-частиц («маркеонов»), в то время как дополнительная пятая координата остается постоянной вдоль каждого из лучей конгруэнции и не вносит вклада в наблюдаемую метрику, остающуюся 4-мерной метрикой Минковского.

Однако такой подход, по-видимому, является недостаточным, поскольку вид взаимодействия между близко расположенными маркеонами не имеет универсального характера (частицы не «чувствуют» присутствия друг друга). Кроме того, скорость маркеонов может превышать скорость света («тахсионное» поведение). Наконец, с точки зрения общих алгебродинамических представлений, всякое допущение или ограничение, не мотивированное внутренней математической структурой, в том числе и ограничение 8-мерного пространства алгебры  $B$  5-мерным «срезом», является крайне нежелательным. Ниже мы представляем другой подход, использующий уже полную структуру комплексного пространства-времени.

Вернемся к представлению Ньюмена и предположим, что «Мировое решение» отвечает именно одной из таких бессдвиговых конгруэнций, которые генерируются движущимся в  $CM$  точечным «зарядом-маткой». В матричном виде эта «Мировая линия» (вообще говоря, чрезвычайно сложного вида) имеет вид  $Z=Z(\sigma)$ , где четыре комплексные координаты  $\{Z_{AB}\}$ ,  $A, B=1, 2$  зависят от одного свободного комплексного параметра  $\sigma$  (аналога собственного времени, см. ниже).

Рассмотрим теперь произвольную точку  $Z \in CM$  и потребуем, чтобы «световой сигнал» приходил в эту точку от «заряда-матки» в каком-то его положении, отвечающем некоторому значению параметра  $\sigma$ . Математически это означает, что «точка приема»  $Z$  и «точка влияния»  $\check{Z}(\sigma)$  лежат на «комплексном световом конусе» друг от друга,

$$\det \|Z - \check{Z}(\sigma)\| = 0 \quad (17)$$

Это, в свою очередь, означает, что существует нетривиальное решение линейной системы уравнений

$$(Z - \check{Z}(\sigma))\zeta = 0 \quad (18)$$

определяющее *отношение* двух компонент спинора  $\xi$ , например, как и прежде, функцию  $G = \xi_2 / \xi_1$ . При этом  $G$ , как и две другие твисторные компоненты  $\tau = Z\zeta = Z(\sigma)\xi$  *оказываются одинаковыми* в каждый «момент времени»  $\sigma$

в «точке приема» и в «точке влияния». Именно существование таких корреляций и должно обеспечить универсальный вид взаимодействия между различными зарядами.

В развернутом виде два уравнения (18) выглядят следующим образом:

$$\begin{cases} (u - \check{u}(\sigma)) + (w - \check{w}(\sigma))G = 0, \\ (p - \check{p}(\sigma)) + (v - \check{v}(\sigma))G = 0. \end{cases} \quad (19)$$

Здесь  $\{u, w, p, v\}$  – комплексные матричные координаты, определяемые вместе с «декартовыми» следующим образом:

$$Z = \begin{pmatrix} u & w \\ p & v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} z_0 - iz_3 & -iz_1 - z_2 \\ -iz_1 + z_2 & z_0 + iz_3 \end{pmatrix} = z_0 + z_a e_a, \quad (20)$$

где  $\{e_a\}$ ,  $a=1,2,3$  – три «кватернионные» единицы с законом умножения (5). При этом между тремя твисторными компонентами  $\{G, \tau^1, \tau^2\}$  и свободным параметром имеются, очевидно, две связи

$$\begin{cases} \tau^1 = \check{u}(\sigma) + \check{w}(\sigma)G \\ \tau^2 = \check{p}(\sigma) + \check{v}(\sigma)G \end{cases} \quad (21)$$

Исключая из (21) параметр  $\sigma$ , приходим к некоторой функциональной связи между твисторными компонентами  $\Pi(G, \tau^1, \tau^2) = 0$ . Это, в свою очередь, в соответствии с теоремой Керра (см. (13), раздел 3) означает, что построенное (для генерирующего «заряда-матки», двигающегося по произвольной комплексной Мировой линии) твисторное поле действительно определяет некоторую бессдвиговую изотропную конгруэнцию. Наоборот, подстановка  $\tau^1, \tau^2$  из (21) тождественно обращает в нуль функцию  $\Pi$  при произвольном значении поля  $G$ . Это означает, что для любой моды фундаментального поля его значение в точке нахождения самого заряда не определено, что очевидно также и из самих уравнений (19).

С геометрической точки зрения, каждый комплексный луч бессдвиговой конгруэнции для любой из мод направлен по прямой к вершине светового конуса, т. е. «от» или «к» заряду, который поэтому может рассматриваться как фокальная точка системы комплексных предсветовых лучей. В качестве иллюстрации уместно вспомнить статическое

«кулоновское» решение (15) с неопределенным на точечной сингулярности полем  $G$  и с радиальной системой лучей конгруэнции.

Исключая теперь само поле  $G$  из уравнений (19), возвращаемся к уравнению комплексного светового конуса (17), которое в развернутом виде выглядит следующим образом:

$$(u - \check{u}(\sigma))(v - \check{v}(\sigma)) - (w - \check{w}(\sigma))(p - \check{p}(\sigma)) = 0, \quad (22)$$

или, в комплексных декартовых координатах, определенных в (20), как

$$(z_0 - \check{z}_0)^2 + (z_1 - \check{z}_1)^2 + (z_2 - \check{z}_2)^2 + (z_3 - \check{z}_3)^2 = 0. \quad (23)$$

Вообще говоря, для пространства Минковского это уравнение хорошо известно в теории поля, в том числе в электродинамике, как уравнение запаздывания. В действительных декартовых координатах на  $M$  оно принимает вид

$$c^2(t-s)^2 - (x-\check{x}(s))^2 - (y-\check{y}(s))^2 - (z-\check{z}(s))^2 = 0, \quad (24)$$

где выбрана параметризация  $\check{t}(\sigma) = s \in R$ , а заряд движется по действительной мировой линии  $\{\check{x}(s), \check{y}(s), \check{z}(s)\}$ . Из уравнения (24) находится «прошедший» момент времени  $s$  и отвечающее ему «предшествующее» положение заряда, которое и определяет электромагнитное поле (т. н. поле Лиенара-Вихерта) в точке наблюдения  $\{x, y, z, t\}$ . В курсе электродинамики доказывается, что (для частиц, движущихся со скоростями, меньшими скорости света) в пространстве Минковского уравнение (24) всегда имеет только один «физический» корень, для которого  $s \leq t$  (другой корень, для которого  $s \geq t$ , определяющий «опережающее» воздействие, как правило, отбрасывают по соображениям «причинности»). В частности, для точки, принадлежащей траектории заряда, имеем, очевидно, лишь тривиальное решение  $s=t$  (время запаздывания равно нулю).

Ситуация кардинально меняется и становится совершенно нетривиальной в комплексном пространстве-времени. Действительно, при достаточно сложной мировой линии одного заряда для каждой точки приема уравнение (22) или (23) имеет много комплексных корней, фиксирующих (для виртуального «наблюдателя» в  $CM$ ) целую совокупность точек влияния, т. е. образов одного и того же заряда-матки, определяющих поле в данной точке и воспринимающихся поэтому «наблюдателем» как ансамбль тождественных, но различных по положению и динамике зарядов.

Можно посмотреть на ту же ситуацию и с другой точки зрения. Поместим точку наблюдения на мировую линию заряда, т. е. положим  $Z=Z(\check{\sigma})$ , где, вообще говоря,  $\check{\sigma} \neq \sigma$ . Тогда в комплексном случае для каждого  $\sigma$  уравнение (22) имеет, кроме тривиального  $\check{\sigma}=\sigma$ , еще много других решений. Мы опять, таким образом, приходим к совокупности «образов» одного и того же заряда, воспринимаемых теперь уже *движущимся вместе с одним из зарядов наблюдателем* в качестве ансамбля тождественных, но различно расположенных точечных зарядов, взаимно влияющих друг на друга. Ниже для краткости будем называть его *коррелированным ансамблем* (КА). Причем, как было показано выше, все члены КА представляют собой фокальные точки фундаментальной конгруэнции комплексных лучей.

Каждое значение параметра  $\sigma$  и соответствующего ему положения генерирующего заряда  $Z(\sigma)$  отвечает фиксированному по отношению к нему положению остальных зарядов КА и с точки зрения «наблюдателя  $\sigma$ » *соответствует одному и тому же моменту его собственного времени*. При этом другие члены КА обладают, по мнению «наблюдателя  $\sigma$ », другими значениями (комплексного) собственного времени  $\check{\sigma}$ , которые могут соответствовать точкам Мировой линии, как *будущим*, так и *прошлым* по отношению к (*текущему*) моменту  $\sigma$ . Вся «временная» динамика связана с непрерывным изменением этого параметра вдоль некоторой комплексной кривой (пока естественно предполагать ее аналитической). При этом члены КА – образы «генерирующего заряда» – могут двигаться как навстречу ему вдоль Мировой линии, так и в том же, что и он, направлении. Попятное во времени движение может, по-видимому, быть ответственно за описание *античастиц*, поскольку при этом в некоторый момент  $\sigma$  может произойти слияние такого заряда с движущимся в нормальном направлении – *аннигиляция* зарядов (этот момент соответствует *кратным корням* уравнения конуса (22)).

Как и в действительном случае, параметризуем теперь Мировую линию таким образом, чтобы  $\check{z}_0(\sigma) \equiv \check{t}(\sigma) = \sigma$ . Тогда эта (комплексная) *координата* генерирующего заряда, отождествленная с *параметром эволюции*  $\sigma$ , также может быть интерпретирована как его (комплексное) *собственное время*. Причем поскольку все другие члены КА двигаются,

как мы предположили, по *одной и той же Мировой линии*, то *изменение* значения характеризующих их положение параметров  $\Delta\check{\sigma}$  хотя и будет отличаться друг от друга и от исходного  $\Delta\sigma$ , тем не менее тоже будет равно изменению значений  $\Delta\check{z}_0$  соответствующей каждому из зарядов координаты  $\check{z}_0 \equiv \check{t}$ . Мы приходим, таким образом, к выводу о том, что именно нулевая координата (являющаяся одним из инвариантов координатной матрицы – ее *следом*) может рассматриваться как параметр эволюции КА (и соответствующего ему поля) и выступать аналогом *собственного времени* как «частицы-наблюдателя», так и всех остальных «воспринимаемых» им образов-частиц. Ниже будут приведены и другие соображения в пользу такого вывода.

Предположим теперь, что Мировая линия наблюдателя (и соответственно, всех его образов) является *изотропной*,

$$\Delta z_0^2 + \Delta z_1^2 + \Delta z_2^2 + \Delta z_3^2 = 0, \quad (25)$$

что означает, что все заряды движутся в *СМ* со скоростью, по модулю равной скорости света. Отметим, что кинематика и динамика в  $3+3$  пространстве, основанная на предположении об *изотропности* мировых линий всех точечных частиц в этом пространстве и приводящая к лоренц-инвариантным соотношениям при *проектировании* на «физическое» 3-мерное пространство, рассматривалась в серии работ И.А. Урусовского (1996; 1999 и др.). Заметим также, что изотропные комплексные кривые соответствуют *кривым в твисторном пространстве*  $CP^3$  и могут быть получены из них с помощью специального отображения (Shaw, 1985).

Рассмотрим теперь естественную редукцию полного комплексного пространства  $B$  к *физическому* пространству-времени. Естественно предположить, что как координаты, так и приращения координат *всех элементов материи*, влияющих на «наблюдателя» и «воспринимаемых» им, на самом деле принадлежат *комплексному световому конусу* наблюдателя. Выделяя действительную и мнимую часть в комплексном уравнении для приращений (25), имеем пересечение двух «квадрик» вида

$$\Delta x_0^2 + \Delta x_1^2 + \Delta x_2^2 + \Delta x_3^2 = \Delta y_0^2 + \Delta y_1^2 + \Delta y_2^2 + \Delta y_3^2 \equiv \Delta t^2, \quad (26)$$

$$\Delta x_0 \Delta y_0 + \Delta x_1 \Delta y_1 + \Delta x_2 \Delta y_2 + \Delta x_3 \Delta y_3 = 0 \quad (27)$$

между приращениями координат  $\Delta z_0 = \Delta x_0 + i\Delta y_0$ ,  $\Delta z_a = \Delta x_a + i\Delta y_a$ ,  $a=1, 2, 3$  и, согласно (22), аналогичные связи между самими координатами «образов» относительно «наблюдателя». В соответствии с (26, 27), комплексный световой конус имеет топологию  $R \times S^3 \times S^2$  и параметризуется одной неотрицательной координатой (4-мерным евклидовым расстоянием  $\Delta t$ ), тремя координатами 3-мерной сферы  $S^3$  и двумя координатами ортогонального к ней в соответствии с (27) пространства 2-мерной сферы  $S^2$  (например, двумя углами Эйлера).

Естественно рассматривать метрику (26) основного 4-мерного евклидова пространства, совпадающую с метрикой ортогонального ему пространства, в качестве промежутка *координатного времени*  $\Delta t$ . Координаты  $\{x_1, x_2, x_3\}$  (и соответствующие их приращения) образуют при этом 3-мерное физическое пространство, а  $\Delta x_0$ , как уже было отмечено, играет роль промежутка *собственного времени*. Наконец, две независимые угловые координаты ортогонального пространства сферы  $S^2$  могут рассматриваться как внутренние, описывающие *направление спина* точечной сингулярности.

Группой симметрий (*автоморфизмов*) алгебры  $B$  является 6-параметрическая группа вращений 3-мерного комплексного пространства  $SO(3, C)$ , изоморфная группе Лоренца (отметим в этой связи концепцию *3-мерного времени* А.П. Ефремова (Yefremov, 1995a; 1995b и др.) При преобразованиях из этой группы компонента  $\Delta z_0$  (а следовательно, и  $\Delta x_0$ ) не меняется, поэтому условие (26) можно рассматривать как определение *инвариантного интервала пространства-времени Минковского*

$$\Delta x_0^2 = \Delta t^2 - \Delta x_1^2 - \Delta x_2^2 - \Delta x_3^2. \quad (28)$$

Отметим, что 4-мерное евклидово пространство с физическим временем в качестве метрики, играющим роль *параметра* движения, предлагалось в качестве альтернативы пространству Минковского в серии интересных работ Дж.М.К. Монтануса (Montanus, 1999 и др.) и Дж.Б. Альмейды (Almeida, 2004 и др.). Однако именно структура автоморфизмов алгебры  $B$  обеспечивает инвариантность «интервала», отождествляемого с промежутком собственного времени  $\Delta x_0$ .

Обсудим теперь подробнее комплексную природу «времени», возникающего в теории. «Ход» времени, опреде-

ляющий изменение координат «образов» относительно «наблюдателя», связан с непрерывным изменением параметра  $\sigma$  *вдоль некоторой комплексной кривой*  $\sigma = \sigma(s)$ ,  $s \in R$ . В качестве параметра кривой  $s$  может быть, например, использована *длина* этой кривой; тогда для приращений имеем, очевидно,  $(\Delta s)^2 = (\Delta \sigma_1)^2 + (\Delta \sigma_2)^2$ , где  $\Delta \sigma_1 = \Re(\sigma)$ ,  $\Delta \sigma_2 = \Im(\sigma)$ . Именно изменение вещественного параметра  $s$  и является первопричиной всей динамики в картине мира, фиксируемой «наблюдателем». При этом соотношение между промежутками собственного времени наблюдателя  $\Delta x_0 = \Delta \sigma_1$  и «внутреннего» собственного времени  $\Delta y_0 = \Delta \sigma_2$  зависит, помимо  $\Delta s$ , еще и от конкретного вида основной *кривой эволюции*  $\sigma = \sigma(s)$ . В свою очередь, эти промежутки, согласно (26) связаны с 3-мерными скоростями движения частицы в основном ( $v$ ) и ортогональном ( $u$ ) пространствах и с промежутком (общего для обоих пространств) координатного времени  $\Delta t$  следующим, каноническим для теории относительности, образом:

$$\Delta x_0 = \Delta t \sqrt{1 - v^2}, \quad \Delta y_0 = \Delta t \sqrt{1 - u^2},$$

причем уменьшению модуля основной скорости  $v$  всегда сопутствует увеличение «сопряженной» скорости  $u$  и наоборот. Разумеется, в соответствии с (26) обе скорости никогда не могут превышать по модулю фундаментальную скорость  $c=1$ .

Таким образом, относительное расположение всех элементов «материи» во Вселенной и его изменение (динамика) с точки зрения «материального» наблюдателя, связанного с одной из точечных частиц-сингулярностей, полностью определяются собственной Мировой линией этого наблюдателя  $Z=Z(\sigma)$  в 8-мерном комплексном пространстве и видом кривой эволюции  $\sigma = \sigma(s)$ , обусловленной *комплексной природой времени*. Эта кривая связывает динамику в основном пространстве с динамикой в ортогональном ему (с физической точки зрения, соответствующей *изменению направления* спина частиц), вносит элемент *неопределенности* в непосредственно наблюдаемое относительное движение частиц в основном пространстве и поэтому может оказаться ответственной за проявления квантовых свойств частиц. С другой стороны, Мировая линия наблюдателя сама по себе порождает ансамбль тождественных частиц –

«образов» первичного «заряда-матки» в разных точках собственной траектории – с коррелированным движением и взаимодействием, определяемыми одинаковыми значениями первичного твисторного поля.

Более подробное рассмотрение кинематики и динамики частиц на фоне комплексного пространства алгебры бикватернионов будет продолжено в следующих работах. Представляется, что именно исследование комплексной кватернионной геометрии (наряду с работами Сахарова, Монтануса, Альмейды, Урусовского и др.), позволит установить истинную геометрию физического пространства-времени (даже в основе отличную, возможно, от геометрии Минковского), выяснить динамический и геометрический смысл дополнительных размерностей и природу физических взаимодействий. Основным руководящим принципом исследования при этом должно быть неуклонное следование естественной логике исследуемых абстрактных структур, логике, не подверженной каким-либо субъективным предпочтениям или господствующим в настоящее время в физике парадигмам. Только на таком пути можно рассчитывать на глубокое проникновение в подлинную структуру физического Мира и на понимание природы Времени в том числе.

Автор признателен участникам семинара по изучению феномена времени и его руководителю А.П. Левичу за постоянную поддержку и интерес к работам. Он благодарен В.Н. Журавлеву, С.В. Зуеву, В.Н. Тришину и Л.С. Шихобалову за полезные обсуждения и замечания.

## ЛИТЕРАТУРА

- Березин А.В., Курочкин Ю.А., Толкачев Е.А.* Кватернионы в релятивистской физике. Минск: Наука, 1989. 247 с.
- Бурицкий А.Я.* Струны в метриках Керра-Шилда // Проблемы теории гравитации и элементарных частиц. Вып. 11 / Под ред. К.П. Станюковича. М.: Атомиздат, 1980. С. 47–60.
- Владимиров Ю.С.* Размерность физического пространства-времени и объединение взаимодействий. М.: Изд-во МГУ, 1987. 215 с.
- Владимиров Ю.С.* Реляционная теория пространства-времени и взаимодействий. Части I, II. М.: Изд-во МГУ, 1996. 140 с.; 1998. 448 с.
- Вишневский В.В., Широков А.П., Шурыгин В.В.* Пространства над алгебрами. Казань: Изд-во КГУ, 1985. 345 с.

- Дмитриевский И.М.* Новая фундаментальная роль реликтового излучения в физической картине мира // Полигнозис. 2000. № 1. С. 38–59.
- Кассандров В.В.* Алгебраическая структура пространства-времени и алгебродинамика. М.: Изд-во Университета дружбы народов, 1992. 152 с.
- Кассандров В.В.* Алгебродинамика: кватернионы, твисторы, частицы // Вестник РУДН. Физика. 2000. Т. 8. № 1. С. 34–45; www.gordon.ru
- Кассандров В.В.* Число, время, свет // Математика и практика. Математика и культура. Вып. 2. Ред. М.Ю. Симаков. М.: Самообразование, 2001. С. 61–76. www.chronos.msu.ru; www.gordon.ru
- Кассандров В.В.* Алгебродинамика: «Предсвет», частицы-каустики и поток времени // Гиперкомплексные числа в геометрии и физике. 2004. Т. 1. № 1. С. 91–107; www.chronos.msu.ru; www.gordon.ru
- Кассандров В.В.* Алгебродинамика: кватернионный код Вселенной // Сборник трудов семинара «Метафизика» / Под ред. Ю.С. Владимиров. М.: Бином, 2005 (в печати).
- Козырев Н.А.* Избранные труды. Л.: Изд-во ЛГУ, 1991. 445 с.
- Кулаков Ю.И.* Теория физических структур. М.: Юниверс Контракт, 2005. 847 с.
- Левич А.П.* Время как изменчивость естественных систем. Способы количественного описания изменений и порождение изменений субстанциональными потоками // Конструкции времени в естествознании: на пути к пониманию феномена времени / Под ред. А.П. Левича. М.: Изд-во МГУ, 1996. С. 235–288.
- Левич А.П.* Рождение парадигмы открытого, генерируемого «временем» Мира // Теоретические проблемы экологии и эволюции. Тольятти, 2000. С. 103–113.
- Пенроуз Р., Риндлер В.* Спиноры и пространство-время. Т. II: Спинорные и твисторные методы в геометрии пространства-времени. М.: Мир, 1988. 574 с.
- Сахаров А.Д.* Космологические переходы с изменением сигнатуры метрики // ЖЭТФ. 1984. Т. 87. С. 375–383.
- Урусовский И.А.* Шестимерная трактовка релятивистской механики и спина, метрической теории тяготения и расширения Вселенной // Зарубежная радиоэлектроника. 1996. № 3. С. 3–21.
- Урусовский И.А.* Шестимерная трактовка кварковой модели нуклонов // Зарубежная радиоэлектроника. 1999. № 6. С. 64–74.
- Фридман В.Я.* Теория кентавров и структура реальности. М.: П-Центр, 1996. 192 с.
- Almeida J.B.* An alternative to Minkowski space-time // Preprint. 2004. www.arXiv.org/gr-qc/0104029.

*Burinskii A.Ya.* Complex Kerr geometry and nonstationary Kerr solutions // *Physical Review D*. 2003. V. 67. P. 12024–12027.

*Debney G., Kerr R.P., Schild A.* Solutions of the Einstein and Einstein-Maxwell equations // *Journal of Math. Physics*. 1969. V. 10. P. 1842–1856.

*Kassandrov V.V.* Biquaternionic electrodynamics and Weyl-Cartan structure of space-time // *Gravitation & Cosmology*. 1995. V. 1. № 3. P. 216–222; [www.arXiv.org/gr-qc/0007027](http://www.arXiv.org/gr-qc/0007027)

*Kassandrov V.V., Trishin V.N.* «Particle-like» singular solutions in Einstein-Maxwell theory and in algebraic dynamics // *Gravitation & Cosmology*. 1999. V. 5. № 4. P. 272–276; [www.arXiv.org/gr-qc/0007026](http://www.arXiv.org/gr-qc/0007026)

*Kassandrov V.V.* General solution of the complex eikonal equation and the «algebroidynamical» field theory // *Gravitation & Cosmology*. 2002. V. 8. Suppl. 2. P. 57–62; [www.arXiv.org/math-ph/0311006](http://www.arXiv.org/math-ph/0311006)

*Kassandrov V.V., Rizcalla J.A.* Particles as field singularities in the unified algebraic dynamics // *Geometrical and topological ideas in modern physics*. Ed. V.A. Petrov. Protvino: Institute for high energy physics. 2002. P. 199–212.

*Kassandrov V.V.* Singular sources of Maxwell fields with self-quantized electric charge. // *Has the last word been said on classical electrodynamics?* Eds. A. Chubykalo, V. Onoichin, A. Espinoza, R. Smirnov-Rueda. Rinton Press. 2004. P. 42–67; [www.arXiv.org/physics/0308045](http://www.arXiv.org/physics/0308045)

*Lind R.W., Newman E.T.* Complex Lienard-Wiechert potentials // *Journal of Math. Physics*. 1974. V. 15. P. 1103–1114.

*Montanus J.M.C.* Proper time physics. // *Hadronic Journal*. 1999. V. 22. P. 625–673.

*Newman E.T.* Maxwell's equations and complex Minkowski space // *Journal of Math. Physics*. 1973. V. 14. P. 102–103.

*Newman E.T.* Classical, geometric origin of magnetic moments, spin-angular momentum, and the Dirac gyromagnetic ratio // *Physical Review D*. 2002. V. 65. P. 104005–104018; [www.arXiv.org/gr-qc/0201055](http://www.arXiv.org/gr-qc/0201055)

*Newman E.T.* Maxwell fields and shear-free null geodesic congruences // *Classical and Quantum Gravity*. 2004. V. 21. P. 1–25.

*Shaw W.T.* Twistors, minimal surfaces and strings // *Classical and Quantum Gravity*. 1985. V. 2. P. L113–L119.

*Scheffers G.* Verallgemeinerung der Grundlagen der gewöhnlichen komplexen Funktionen. *Berichte Sachs. Acad. Wissen.* 1893. Bd. 45. P. 828–842.

*Yefremov A.P.* Quaternionic relativity. I. Inertial motion // *Gravitation & Cosmology*. 1995a. V. 2. № 1. P. 77–83.

*Yefremov A.P.* Quaternionic relativity. II. Non-inertial motion // *Gravitation & Cosmology*. 1995b. V. 2. № 4. P. 335–341.

## ГЛАВА VI

*Сергей М. Коротяев*

Институт геоэлектромагнитных исследований

Института физики Земли РАН;

кафедра причинной механики

Web-Института исследований природы времени

<http://www.chronos.msu.ru>; [serdyuk@izmiran.ru](mailto:serdyuk@izmiran.ru)

### Козыревское время и макроскопическая нелокальность\*

Основным постулатом причинной механики является признание фундаментальной необратимости времени. Это приводит к новому типу универсального взаимодействия необратимых процессов, которое, парадоксальным образом, может идти в обратном времени. Эксперименты Н.А. Козырева, демонстрирующие эту возможность, долго вызывали сомнение из-за их недостаточной строгости. Но недавно синтез идей причинной механики и теории прямого межчастичного взаимодействия позволил представить козыревское взаимодействие как проявление квантовой нелокальности в макропределе. Поставлена серия экспериментов по проверке этой гипотезы на современном уровне строгости. В результате подтверждено существование корреляций практически изолированных необратимых процессов. Их нелокальный характер проверен нарушением неравенств типа Белла. Наиболее важным оказалось обнаружение опережающих корреляций для неконтролируемых (естественных) процессов. Это дает возможность в некотором смысле наблюдения неконтролируемого будущего. Уровень корреляции и время опережения достаточны для использования эффекта макроскопической нелокальности для прогноза некоторых крупномасштабных геофизических и астрофизических процессов. На этой основе разработан метод долгосрочного прогноза геомагнитной активности.

**Ключевые слова:** *время, нелокальность, необратимость, диссипация, причинность, прогноз.*

#### 1. Введение

Важнейшей чертой времени, обуславливающей то внимание, которое оно приковывает к себе на протяжении всей истории науки, является его необратимость. Будучи во многих отношениях неотличимым от пространственных измере-

\* Работа поддержана грантом РФФИ № 05-05-64032а.